



Math93.com

Géométrie Plane

Seconde

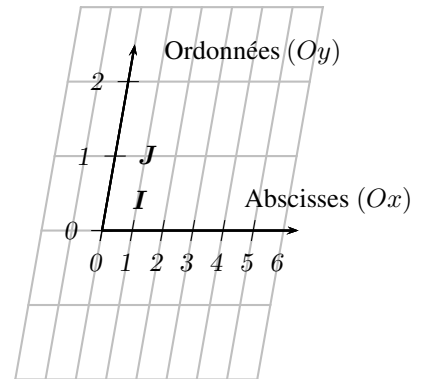
I. Coordonnées dans le plan

Définition 1 (Repère du plan)

Définir un repère du plan, c'est choisir trois points **non alignés**, dans un ordre défini : O, I, J .

Dans le repère $(O ; I ; J)$ on a :

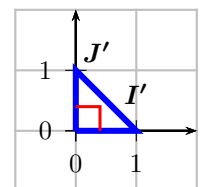
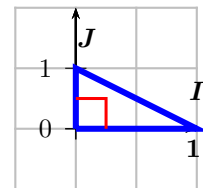
- le point O est l'**origine du repère** ;
- la droite (OI) est l'**axe des abscisses** et la distance OI représente l'unité sur cet axe ;
- la droite (OJ) est l'**axe des ordonnées** et la distance OJ représente l'unité sur cet axe.



Définition 2

On considère trois points **non alignés** : O, I, J , et trois autres **non alignés** : O', I', J' .

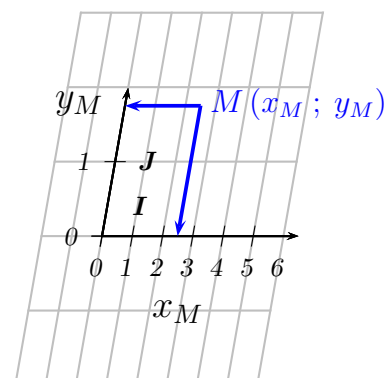
- si le triangle OIJ est rectangle en O , le repère $(O ; I ; J)$ est dit **orthogonal** ;
- si le triangle $O'I'J'$ est rectangle et isocèle en O , le repère $(O' ; I' ; J')$ est dit **orthonormé**.



Définition 3 (Coordonnées)

Dans le repère $(O ; I ; J)$ du plan on considère un point M .

- En traçant la parallèle à l'axe (OJ) passant par M , on obtient sur l'axe (OI) l'**abscisse** du point M que l'on note x_M .
- En traçant la parallèle à l'axe (OI) passant par M , on obtient sur l'axe (OJ) l'**ordonnée** du point M que l'on note y_M .
- Le couple de réels $(x_M ; y_M)$ désigne les coordonnées du point M dans le repère $(O ; I ; J)$.

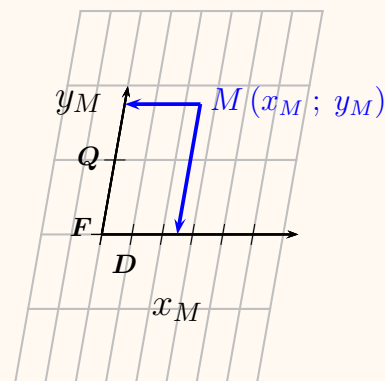




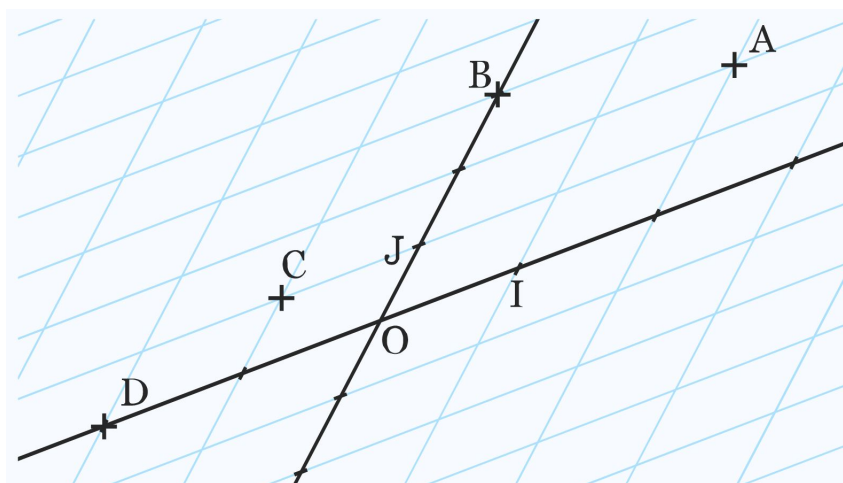
Exemple

Dans le repère $(F ; D ; Q)$ par exemple les coordonnées des trois points du repère sont implicitement donnée par leur ordre :

- Le premier point F du repère $(\boxed{F} ; D ; Q)$ est de coordonnées : $F(0 ; 0)$.
- Le deuxième point D du repère $(F ; \boxed{D} ; Q)$ est de coordonnées : $D(1 ; 0)$.
- Le troisième point Q du repère $(F ; D ; \boxed{Q})$ est de coordonnées : $Q(0 ; 1)$.



Exercice 1



1. Le repère $(O ; I ; J)$ est-il orthonormé? orthogonal?
2. Lire les coordonnées des points A, B, C et D dans le repère $(O ; I ; J)$
3. Déterminer les coordonnées de tous les points dans le repère $(O ; I ; B)$
4. Déterminer les éventuels points qui possèdent les mêmes coordonnées dans ces deux repères.

V. Projection orthogonale (*orthogonal projection*)

V.1 Activité : Minimiser des distances

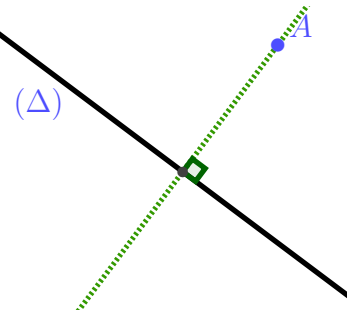
On se donne une droite (d) et un point A non situé sur cette droite. Où se trouve le (ou les points) de (d) le plus près de A ?

V.2 Projection orthogonale et distance d'un point à une droite

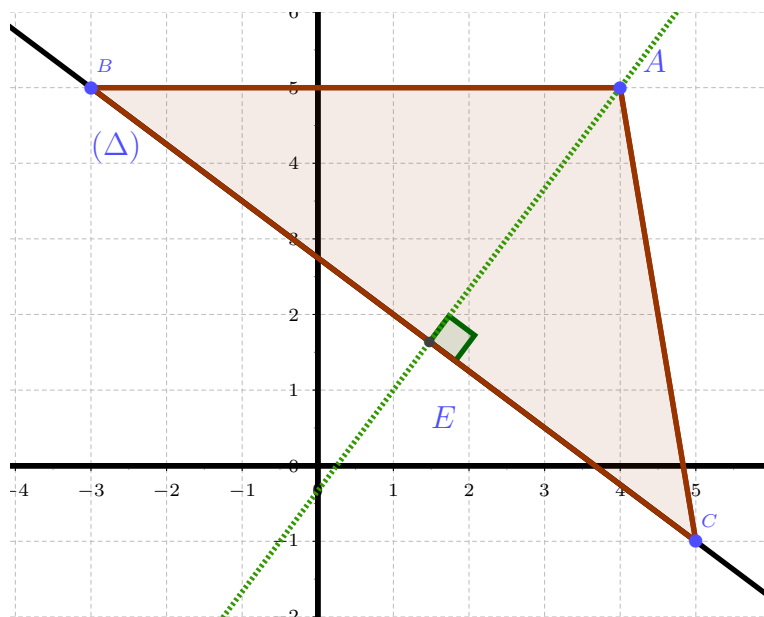
Définition 4

Le **projeté orthogonal** d'un point A sur une droite (Δ) est :

- le point d'intersection de (Δ) et de la perpendiculaire à (Δ) passant par A .
- le point A lui-même si A appartient à (Δ) .



V.3 Lien avec la hauteur (*altitude*) et le pied de la hauteur (*the foot of the altitude*)



Remarque

Dans le triangle ABC suivant :

- E est le projeté orthogonal de A sur la droite (BC).
- Donc E est aussi le pied de la hauteur issue de A dans le triangle ABC.

V.4 Distance d'un point à une droite

Propriété 2

On se donne une droite (D) et un point A non situé sur cette droite. On appelle A' le projeté orthogonal de A sur (d) . Alors, pour tout point M de (d) distinct de A' , $AA' < AM$.

Définition : on appelle *distance du point A à la droite (D)* la distance AM qui est donc la plus petite distance entre le point A et un point de la droite (D) .